ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ СРЕДНЯЯ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ ШКОЛА № 55 ПРИМОРСКОГО РАЙОНА САНКТ-ПЕТЕРБУРГА

РАССМОТРЕНА И ПРИНЯТА
Педагогическим Советом
ГБОУ школы № 55
Приморского района
Санкт-Петербурга
Протокол от 31.08.2026 г. № 4

УТВЕРЖДАЮ
Директор ГБОУ школа № 55
Приморского района
Санкт-Петербурга
_____Е.В.Андреева
Приказ от 01.09.2026 г. № 148

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА «»Вероятность и статистика. Углубленный уровень»
ДЛЯ УЧАЩИХСЯ 10 КЛАССОВ
на 2026-2027 учебный год

Составитель: Россошанская Т.И.

Санкт-Петербург
2026 год

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Вероятность и статистика» углублённого уровня является продолжением и развитием одноименного учебного курса углублённого уровня на уровне среднего общего образования. Учебный курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления обучающихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание учебного курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса на уровне основного общего образования, и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира. В результате у обучающихся должно сформироваться представление о наиболее употребительных и общих математических моделях, используемых для описания антропометрических и демографических величин, погрешностей в различные рода измерениях, длительности безотказной работы технических устройств, характеристик массовых явлений и процессов в обществе. Учебный курс является базой для освоения вероятностно-статистических методов, необходимых специалистам не только инженерных специальностей, но также социальных и психологических, поскольку современные общественные науки в значительной мере используют аппарат анализа больших данных. Центральную часть учебного курса занимает обсуждение закона больших чисел – фундаментального закона природы, имеющего математическую формализацию.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» на углублённом уровне выделены основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности» и «Случайные величины и закон больших чисел».

Помимо основных линий в учебный курс включены элементы теории графов и теории множеств, необходимые для полноценного освоения материала данного учебного курса и смежных математических учебных курсов.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин. Важную часть в этой содержательной линии занимает изучение геометрического и биномиального распределений и знакомство с их непрерывными аналогами – показательным и нормальным распределениями.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами и распределениями, акцентируют внимание обучающихся на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям.

В учебном курсе предусматривается ознакомительное изучение связи между случайными величинами и описание этой связи с помощью коэффициента корреляции и его выборочного аналога. Эти элементы

содержания развивают тему «Диаграммы рассеивания», изученную на уровне основного общего образования, и во многом опираются на сведения из курсов алгебры и геометрии.

Ещё один элемент содержания, который предлагается на ознакомительном уровне – последовательность случайных независимых событий, наступающих в единицу времени. Ознакомление с распределением вероятностей количества таких событий носит развивающий характер и является актуальным для будущих абитуриентов, поступающих на учебные специальности, связанные с общественными науками, психологией и управлением.

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» на углубленном уровне отводится 68 часов: в 10 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 11 классе – 34 часа (1 час в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

10 КЛАСС

Граф, связный граф, пути в графе: циклы и цепи. Степень (валентность) вершины. Графы на плоскости. Деревья.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Независимые события.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Серия независимых испытаний Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Операции над случайными величинами. Бинарная случайная величина. Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное.

Совместное распределение двух случайных величин. Независимые случайные величины.Математическое ожидание случайной величины (распределения). Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея). Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений.

Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины (распределения). Дисперсия бинарной случайной величины. Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин. Дисперсия и стандартное отклонение биномиального распределения. Дисперсия и стандартное отклонение геометрического распределения.

11 КЛАСС

Неравенство Чебышёва. Теорема Чебышёва. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод исследований. Выборочные характеристики. Оценивание вероятности события по выборочным данным. Проверка простейших гипотез с помощью изученных распределений.

Непрерывные случайные величины. Примеры. Функция плотности вероятности распределения. Равномерное распределение и его свойства. Задачи, приводящие к показательному распределению. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности вероятности показательного распределения, функция плотности

вероятности нормального распределения. Функция плотности и свойства нормального распределения.

Последовательность одиночных независимых событий. Задачи, приводящие к распределению Пуассона.

Ковариация двух случайных величин. Коэффициент линейной корреляции. Совместные наблюдения двух величин. Выборочный коэффициент корреляции. Различие между линейной связью и причинно-следственной связью. Линейная регрессия, метод наименьших квадратов.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

1) гражданского воспитания:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотического воспитания:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственного воспитания:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетического воспитания:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физического воспитания:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудового воспитания:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологического воспитания:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу **10 класса** обучающийся научится:

свободно оперировать понятиями: граф, плоский граф, связный граф, путь в графе, цепь, цикл, дерево, степень вершины, дерево случайного эксперимента;

свободно оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт), случайное событие, элементарное случайное событие (элементарный исход) случайного опыта, находить вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями;находить и формулировать события: пересечение, объединение данных событий, событие, противоположное данному, использовать диаграммы Эйлера, координатную прямую для решения задач, пользоваться формулой сложения вероятностей для вероятностей двух и трех случайных событий;

оперировать понятиями: условная вероятность, умножение вероятностей, независимые события, дерево случайного эксперимента, находить вероятности событий с помощью правила умножения, дерева случайного опыта, использовать формулу полной вероятности, формулу Байеса при решении задач, определять независимость событий по формуле и по организации случайного эксперимента;

применять изученные комбинаторные формулы для перечисления элементов множеств, элементарных событий случайного опыта, решения задач по теории вероятностей;свободно оперировать понятиями: бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача, независимые испытания, серия испытаний, находить вероятности событий: в серии испытаний до первого успеха, в серии испытаний Бернулли, в опыте, связанном со случайным выбором из конечной совокупности;

свободно оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения, бинарная случайная величина, геометрическое, биномиальное распределение;

оперировать понятиями: совместное распределение двух случайных величин, использовать таблицу совместного распределения двух случайных величин для выделения распределения каждой величины, определения независимости случайных величин;свободно оперировать понятием математического ожидания случайной величины (распределения), применять свойства математического ожидания при решении задач, вычислять математическое ожидание биномиального и геометрического распределений;

свободно оперировать понятиями: дисперсия, стандартное отклонение случайной величины, применять свойства дисперсии случайной величины (распределения) при решении задач, вычислять дисперсию и стандартное отклонение геометрического и биномиального распределений.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

вычислять выборочные характеристики по данной выборке и оценивать характеристики генеральной совокупности данных по выборочным характеристикам. Оценивать вероятности событий и проверять простейшие статистические гипотезы, пользуясь изученными распределениями;

приводить примеры задач, приводящих к показательному распределению, задач, приводящих к нормальному распределению. Оперировать понятиями: функция плотности вероятности показательного распределения, функция плотности вероятности нормального распределения, функция плотности и свойства нормального распределения;

определять коэффициент линейной корреляции, выборочный коэффициент корреляции.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ
10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Элементы теории графов	3			
2	Случайные опыты, случайные события и вероятности событий	3			
3	Операции над множествами и событиями. Сложение и умножение вероятностей. Условная вероятность. Независимые события	5			
4	Элементы комбинаторики	4	1		
5	Серии последовательных испытаний. Испытания Бернулли. Случайный выбор из конечной	5			

	совокупности				
6	Случайные величины и распределения	14	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	0	

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Закон больших чисел	5			
2	Элементы математической статистики	6			
3	Непрерывные случайные величины (распределения), показательное и нормальное распределения	4			
4	Распределение Пуассона	2			
5	Связь между случайными величинами	6			
6	Обобщение и систематизация знаний	11	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1	0	

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ
10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Граф, связный граф, представление задачи с помощью графа	1				https://m.edsoo.ru/DNVFQSSRQ
2	Степень (валентность) вершины. Путь в графе. Цепи и циклы	1				https://m.edsoo.ru/UXI4HCLA1
3	Графы на плоскости. Дерево случайного эксперимента	1				https://m.edsoo.ru/24XFA5016
4	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)	1				https://m.edsoo.ru/JIIN2M7PO
5	Вероятность	1				https://m.edsoo.ru/8S3C8YCML

	случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями					
6	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями	1				https://m.edsoo.ru/N2R1G2PJ5
7	Пересечение, объединение множеств и событий, противоположные события. Формула сложения вероятностей	1				https://m.edsoo.ru/183Y3NKOQ
8	Условная вероятность. Умножение вероятностей.	1				https://m.edsoo.ru/W5ZFDS3AA

	Формула условной вероятности					
9	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности	1				https://m.edsoo.ru/ORLGTZ9K7
10	Формула полной вероятности	1				https://m.edsoo.ru/UNX09C5LX
11	Формула Байеса. Независимые события	1				https://m.edsoo.ru/NYF9VJ6R6
12	Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал	1				https://m.edsoo.ru/BVVFQUKKS
13	Число сочетаний. Треугольник Паскаля	1				https://m.edsoo.ru/Y15CS8R20
14	Формула бинома Ньютона	1				https://m.edsoo.ru/ABSANVGJH
15	Контрольная работа №1: "Графы, вероятности, множества,	1	1			https://m.edsoo.ru/Q3DKAYADF

	комбинаторика"					
16	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха	1				https://m.edsoo.ru/IY4T46JQ6
17	Серия независимых испытаний до первого успеха	1				https://m.edsoo.ru/Q1KT2Y9IU
18	Серия независимых испытаний Бернулли	1				https://m.edsoo.ru/HIWIZ7FD8
19	Случайный выбор из конечной совокупности	1				https://m.edsoo.ru/VCL7PSU0X
20	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1				https://m.edsoo.ru/NE69MIZJO
21	Случайная величина. Распределение	1				https://m.edsoo.ru/SMFB4W1JM

	вероятностей. Диаграмма распределения					
22	Операции над случайными величинами. Примеры распределений. Бинарная случайная величина	1				https://m.edsoo.ru/C6TDDUNJ8
23	Геометрическое распределение. Биномиальное распределение	1				https://m.edsoo.ru/JTT2F54GL
24	Математическое ожидание случайной величины. Совместное распределение двух случайных величин	1				https://m.edsoo.ru/77Z76Y7KB
25	Независимые случайные величины. Свойства математического ожидания. Математическое	1				https://m.edsoo.ru/N9D7IJ9PM

	ожидание бинарной случайной величины					
26	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений	1				https://m.edsoo.ru/C6HWOBTQQ
27	Дисперсия и стандартное отклонение	1				https://m.edsoo.ru/BGX67VSNV
28	Дисперсия бинарной случайной величины. Свойства дисперсии	1				https://m.edsoo.ru/HYZZFP2Y7
29	Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин	1				https://m.edsoo.ru/K522O3JU2
30	Дисперсия биномиального распределения. Практическая работа с	1				https://m.edsoo.ru/BOWSYV6LT

	использованием электронных таблиц					
31	Дисперсия и стандартное отклонение геометрического распределения. . Практическая работа с использованием электронных таблиц	1				https://m.edsoo.ru/NSGZU1L92
32	Обобщение и систематизация знаний	1				https://m.edsoo.ru/K2Y9U56JG
33	Контрольная работа №2: "Испытания Бернулли. Случайные величины и распределения"	1	1			https://m.edsoo.ru/EZTQ5AO60
34	Обобщение и систематизация знаний	1				https://m.edsoo.ru/ZEKKZP13J
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	0		

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1				https://m.edsoo.ru/E25IPS7YZ
2	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1				https://m.edsoo.ru/84DPQY5U5
3	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1				https://m.edsoo.ru/795RTYVP7
4	Выборочный метод исследований	1				https://m.edsoo.ru/T3HDIU6R5
5	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1				https://m.edsoo.ru/79I8IHPHP
6	Генеральная	1				https://m.edsoo.ru/I234058PN

	совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик					
7	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик	1				https://m.edsoo.ru/UFS5LUWZX
8	Оценивание вероятностей событий по выборке	1				https://m.edsoo.ru/ZP168PTHI
9	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с	1				https://m.edsoo.ru/AN2N5V9R1

	помощью свойств изученных распределений					
10	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений	1				https://m.edsoo.ru/6VQ7WZS6U
11	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1				https://m.edsoo.ru/ASK0DEFOW
12	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности вероятности	1				https://m.edsoo.ru/R7UJAF3E7
13	Равномерное распределение. Примеры задач, приводящих к показательному и к нормальному распределениям	1				https://m.edsoo.ru/TBYPVV96N
14	Функция плотности вероятности показательного распределения	1				https://m.edsoo.ru/0TSV4N5GH

15	Функция плотности вероятности нормального распределения	1				https://m.edsoo.ru/3BEDF3PKL
16	Последовательность одиночных независимых событий. Пример задачи, приводящей к распределению Пуассона	1				https://m.edsoo.ru/D45HUB3GM
17	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1				https://m.edsoo.ru/6XKX4ZT1F
18	Ковариация двух случайных величин. Коэффициент корреляции	1				https://m.edsoo.ru/CLXUTCA37
19	Совместные наблюдения двух величин	1				https://m.edsoo.ru/HR0COPOZ9
20	Выборочный коэффициент корреляции	1				https://m.edsoo.ru/SL2HPVEAB
21	Различие между линейной связью и	1				https://m.edsoo.ru/DQ77BBBIP

	причинно-следственной связью					
22	Линейная регрессия	1				https://m.edsoo.ru/F2NT3RIIG
23	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1				https://m.edsoo.ru/I9LGE6B45
24	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм, описательная статистика	1				https://m.edsoo.ru/JHOWUM6V3
25	Опыты с равновозможными элементарными событиями	1				https://m.edsoo.ru/XLU9T8DVR
26	Вычисление вероятностей событий с применением формул	1				https://m.edsoo.ru/661M9IPXR
27	Вычисление вероятностей событий с применением графических методов: координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера	1				https://m.edsoo.ru/2WSLLMRF6
28	Случайные величины и	1				https://m.edsoo.ru/CVIY1CQSA

	распределения					
29	Математическое ожидание случайной величины	1				https://m.edsoo.ru/FQJOJ9KXY
30	Математическое ожидание случайной величины	1				https://m.edsoo.ru/2YXDFL4PS
31	Контрольная работа: "Вероятность и статистика"	1	1			https://m.edsoo.ru/WS1ILA3U8
32	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов	1				https://m.edsoo.ru/MFOY8KOZ7
33	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов	1				https://m.edsoo.ru/YI8RD8A5M
34	Случайные величины и распределения. Математическое ожидание случайной величины	1				https://m.edsoo.ru/8NAA4YLRK
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1	0		

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

10 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательн общего образования
6	Теория вероятностей и статистика
6.1	Читать и строить таблицы и диаграммы
6.2	Оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее, на массива числовых данных
6.3	Оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт) и случайное собы (элементарный исход) случайного опыта; находить вероятности в оп случайными событиями, находить и сравнивать вероятности событий экспериментах
6.4	Находить и формулировать события: пересечение и объединение д противоположное данному событию; пользоваться диаграммами Эйле вероятностей при решении задач
6.5	Оперировать понятиями: условная вероятность, независимые события помощью правила умножения, с помощью дерева случайного опыта
6.6	Применять комбинаторное правило умножения при решении задач
6.7	Оперировать понятиями: испытание, независимые испытания, серия ис находить вероятности событий в серии независимых испытаний до вероятности событий в серии испытаний Бернулли
6.8	Оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей,

11 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательн общего образования
5	Теория вероятностей и статистика
5.1	Сравнивать вероятности значений случайной величиныпо распределению или
5.2	Оперировать понятием математического ожидания, приводить пример математическое ожидание случайной величины, находить математическ распределению
5.3	Иметь представление о законе больших чисел

5.4	Иметь представление о нормальном распределении

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ЭЛЕМЕНТЫ СОДЕРЖАНИЯ

10 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
6	Теория вероятностей и статистика
6.1	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм. Среднее арифметическое наименьшее значения, размах, дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов
6.2	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исход события. Близость частотыи вероятности событий. Случайные опыты с равново событиями. Вероятности событий в опытахс равновозможными элементарными события
6.3	Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Ди сложения вероятностей
6.4	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Фо Независимые события
6.5	Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Тре бинома Ньютона
6.6	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Сер до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли
6.7	Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Примеры геометрическоеи биномиальное

11 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
5	Теория вероятностей и статистика
5.1	Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперси Примеры применения математического ожидания, в том числе в задачах Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ож величин. Математическое ожидание и дисперсия геометрического и биномиального
5.2	Закон больших чисел и его роль в науке, природе и обществе. Выборочный метод ис
5.3	Примеры непрерывных случайных величин. Понятие о плотности распределен нормальному распределению. Понятие о нормальном распределении

ПРОВЕРЯЕМЫЕ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

Код проверяемого требования	Проверяемые требования к предметным результатам освоения осно программы среднего общего образования
1	Владение методами доказательств, алгоритмами решения задач; оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следс доказательство, равносильные формулировки; применять их; умение противоположное утверждение, приводить примеры и контрприм математической индукции; проводить доказательные рассуждения при логическую правильность рассуждений; умение оперировать понятиями операции над множествами; умение использовать теоретико-множестве реальных процессов и явлений и при решении задач, в том числе из умение оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, задавать и описывать графы различными способами; использовать графы
2	Умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, сте корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного рациональное число, иррациональное число, множества натуральн действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наи наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; позиционными системами счисления; умение выполнять вычисление выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рацио оперировать понятиями: последовательность, арифметическая п прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогре последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул; уме комплексное число, сопряжённые комплексные числа, модуль и арг форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическа производить арифметические действия с комплексными числа использования комплексных чисел; оперировать понятиями: матрица матрицы, геометрический смысл определителя
3	Умение оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их си понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, нера и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем; неравенства и системы с помощью различных приёмов; решать уравнен параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для реше

	задач из различных областей науки и реальной жизни
4	Умение оперировать понятиями: функция, чётность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции значения функции на промежутке, непрерывная функция, асимптоты вторая производная функции, геометрический и физический смысл п определённый интеграл; умение находить асимптоты графика фу производные суммы, произведения, частного и композиции фун касательной к графику функции; умение находить производные элем использовать производную для исследования функций, находить н значения функций; строить графики многочленов с использованием анализа; применять производную для нахождения наилучшего решения социально-экономических и физических задачах; находить площади и интеграла; приводить примеры математического моделирования с по уравнений
5	Умение оперировать понятиями: график функции, обратная функ линейная функция, квадратичная функция, рациональная функ тригонометрические функции, обратные тригонометрические ф логарифмическая функции; умение строить графики изученн преобразования графиков функций, использовать графики для изучения при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной ж зависимости между величинами; использовать свойства и графики функ неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной пло уравнений, неравенств и их систем
6	Умение решать текстовые задачи разных типов (в том числе на п движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из обла семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенств задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподоб моделировать реальные ситуации на языке математики; составля неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенны аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат
7	Умение оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового интерпретировать информацию, представленную в таблицах, н отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с методов и электронных средств; графически исследовать совместны диаграмм рассеивания и линейной регрессии
8	Умение оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событ

	события; умение вычислять вероятность с использованием графич формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероя комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных со понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математи и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения показательного и нормального распределений; умение использо распределений для решения задач; знакомство с понятиями: зако выборочных исследований; умение приводить примеры проявления природных и общественных явлениях; умение оперировать понятиям число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение примен рассуждения для решения задач; оценивать вероятности реаль вероятностную модель и интерпретировать полученный результат
9	Умение оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространс угла, плоский угол, двугранный угол, трёхгранный угол, скрещивающи и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямым плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до пло прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов с математические модели с помощью геометрических понятий и величин практические задачи
10	Умение оперировать понятиями: площадь фигуры, объём фигуры, многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, при поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, площадь сфе пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объём куба, прямоугольного п призмы, цилиндра, конуса, шара, развёртка поверхности, сечения конус оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилин сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхно том числе с помощью электронных средств; умение применять свой самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдви признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергат классификацию фигур по различным признакам, выполнять нео построения
11	Умение оперировать понятиями: движение в пространстве, параллель плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природ использовать геометрические отношения при решении задач; находит (длина, угол, площадь, объём) при решении задач из других учебны жизни; умение вычислять геометрические величины (длина, угол, поверхности), используя изученные формулы и методы, в том чи

	пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы; объём куба, прямо пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение
12	Умение оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, ра скалярное произведение, векторное произведение, угол между векто векторный и координатный метод для решения геометрических зада предметов
13	Умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимани изучении природных и общественных процессов и явлений; умени законов математики в искусстве, умение приводить примеры математич и мировой математической науки

ПЕРЕЧЕНЬ ЭЛЕМЕНТОВ СОДЕРЖАНИЯ, ПРОВЕРЯЕМЫХ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ

Код	Проверяемый элемент содержания
1	Числа и вычисления
1.1	Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел
1.2	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные пер
1.3	Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями
1.4	Степень с целым показателем. Степень с рациональным показателем. Свойства степен
1.5	Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс чис
1.6	Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы
1.7	Действительные числа. Арифметические операции с действительными числами. Пр правила округления, прикидка и оценка результата вычислений
1.8	Преобразование выражений
1.9	Комплексные числа
2	Уравнения и неравенства
2.1	Целые и дробно-рациональные уравнения
2.2	Иррациональные уравнения
2.3	Тригонометрические уравнения
2.4	Показательные и логарифмические уравнения
2.5	Целые и дробно-рациональные неравенства
2.6	Иррациональные неравенства
2.7	Показательные и логарифмические неравенства
2.8	Тригонометрические неравенства
2.9	Системы и совокупности уравнений и неравенств
2.10	Уравнения, неравенства и системы с параметрами
2.11	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы
3	Функции и графики
3.1	Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функ функции. Периодические функции
3.2	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Проме Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольш функции на промежутке
3.3	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Сво степени

3.4	Тригонометрические функции, их свойства и графики
3.5	Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики
3.6	Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций, непрерывных на от
3.7	Последовательности, способы задания последовательностей
3.8	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Формула сложных процентов
4	Начала математического анализа
4.1	Производная функции. Производные элементарных функций
4.2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Н наименьшего значения функции на отрезке
4.3	Первообразная. Интеграл
5	Множества и логика
5.1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера – Венна
5.2	Логика
6	Вероятность и статистика
6.1	Описательная статистика
6.2	Вероятность
6.3	Комбинаторика
7	Геометрия
7.1	Фигуры на плоскости
7.2	Прямые и плоскости в пространстве
7.3	Многогранники
7.4	Тела и поверхности вращения
7.5	Координаты и векторы

УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА

ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

1. Учебное пособие "Математика. Вероятность и статистика 10 класс. Базовый и углублённый уровень". / Бунимович Е.А., Булычев В.А –М: Просвещение,2023.

2. Учебное пособие "Математика. Вероятность и статистика 11 класс. Базовый и углублённый уровень". Бунимович Е.А., Булычев В.А.,– М: Просвещение, 2023.

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

1. Теория вероятностей 10 класс. Задачи и контрольные работы. / И Высоцкий

2. О теории вероятностей и статистике в школьном курсе / Бунимович Е.А., Булычев В.А., Высоцкий и др., / Математика в школе №7, Школьная пресса, 2009

3. Типичные ошибки в преподавании теории вероятностей и статистики, / Математика в школе №5, Высоцкий И.В, Ященко И.В.

ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ

• http://fipi.ru/ (сайт ФИПИ);

• http://school-collection.edu.ru/

• https://resh.edu.ru/

• https://ps.1sept.ru/ (сайт газеты «Первое сентября»);

• http://school-collection.edu.ru/

• http://ilib.mccme.ru/ (интернет-библиотека сайта Московского центра непрерывного математического образования);

• http://etudes.ru (математические этюды);

• http://kvant.mccme.ru/ (научно-популярный физико- математический журнал «Квант»);

• http://lib.mexmat.ru/books/3275 (электронная библиотека Московского государственного университета